

Corrigé d'examen du Module : Chimie Quantique

Lundi le 13/05/2024

Exercice 1 :

- Le paramètre  $\sigma$  représente le nombre d'onde  $\sigma = \frac{1}{\lambda}$  (0,15)
- Les paramètres caractéristiques sont :
  - Le nombre d'onde :  $\sigma = \frac{1}{\lambda}$
  - La longueur d'onde :  $\lambda$
  - Le module du vecteur d'onde :  $|K| = \frac{2\pi}{\lambda}$  (1,1) (AN) (1,1)
  - La fréquence  $\nu$  :  $\nu = \frac{c}{\lambda}$
  - La pulsation  $\omega$  :  $\omega = 2\pi\nu$
  - La période  $T$  :  $T = \frac{1}{\nu}$  (1) (1)

Exercice 2 :

- 1/ photoélectrons : électrons qui sont extraits d'un matériau par l'effet photoélectrique. (1)
- 2/ Travail de sortie : Energie pour extraire un électron d'un matériau. (1)  
 $W = E_e$
- 3/ D'après la relation d'Einstein :  $h\nu = W + E_c$  (1)  
 $E_c = h\nu - W = 2,73 - 2,33 = 0,4 \text{ eV}$   
 $E_c = \frac{1}{2} m_e v^2 \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2E_c}{m_e}} = 3,74 \times 10^5 \text{ m/s}$  (1)

visité du courant photoélectrique I:

$$\eta = \frac{n_e}{n_p}$$

avec:

$$I = n_e \cdot e$$

$$I = n_p \cdot e \cdot \eta$$

$$I = n_p \cdot e \cdot \eta$$

Alors:  $\eta = \frac{I}{e} \times \frac{h\nu}{P}$

$$I = \frac{e \cdot P \cdot \eta}{h\nu}$$

AN:  $I = 0,011 \text{ A}$

exercice 3:

A-1) Représentation graphique de la marche de potentiel:

A-2) L'équation de schrodinger est donnée

$$-\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi(x) + E_p \psi(x) = E \psi(x)$$

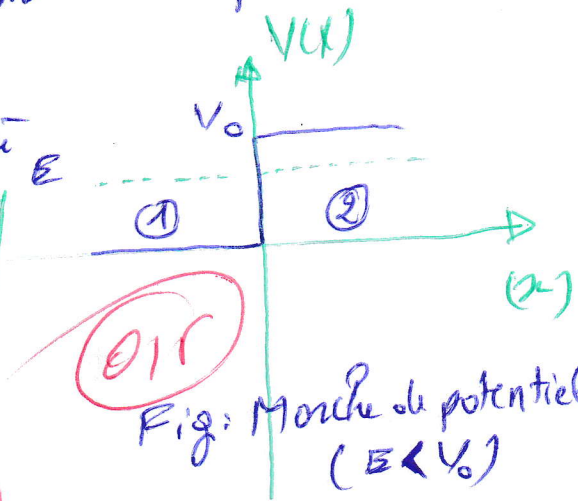


Fig: Marche de potentiel. ( $E < V_0$ )

Region I:  $V(x) = 0$

$$\frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} + \frac{2m E \psi(x)}{\hbar^2} = 0$$

Region II:  $\frac{d^2 \psi(x)}{dx^2} - (E - V_0) \psi(x) = 0$

A-3) Les solutions sont:

$$\psi_1(x) = A_1 e^{iK_1 x} + A_1' e^{-iK_1 x}$$

$$\psi_2(x) = B_2 e^{S_2 x} + B_2' e^{-S_2 x} \quad (B_2' = 0)$$

avec:  $K_1^2 = \frac{2m E}{\hbar^2}$  et  $S_2^2 = \frac{2m}{\hbar^2} (E - V_0)$



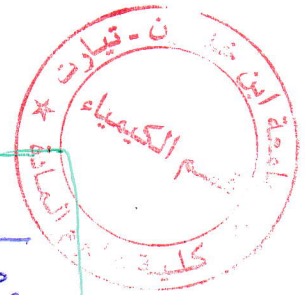
Utilisant la condition de raccordement on obtient :

$$\psi_1(0) = \psi_2(0) \text{ et } \psi_1'(0) = \psi_2'(0)$$

$$\frac{A_1'}{A_1} = \frac{K_1 - i^0 \epsilon_2}{K_1 + i^0 \epsilon_2}$$

et

$$\frac{B_2'}{A_2} = \frac{2K_1}{K_1 + i^0 \epsilon_2}$$



Le coefficient de réflexion R vaut alors :

$$R = \left| \frac{A_1'}{A_1} \right|^2 = 1$$

1

on doit donc avoir =  $T = 0$

1

B-1) Un hydrogène idéal est en fait monoatomique ne possédant qu'un seul électron comme l'hydrogène ( $H_a$ )

0,5

$$B-2) \left\{ -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta \psi(r, \theta, \varphi) - \frac{2e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \psi(r, \theta, \varphi) = E \cdot \psi(r, \theta, \varphi) \right.$$

1

\* L'énergie cinétique est donnée par :

$$E_c = -\frac{\hbar^2}{2m} \Delta$$

1

\* L'énergie potentielle  $E_p$  est purement électrostatique et s'écrit :

$$E_p = \frac{-ze^2}{4\pi\epsilon_0 r}$$

1